

**Автономная некоммерческая организация
высшего образования
«Институт экономики и управления в промышленности»**

МАТЕМАТИКА

Программа вступительных письменных испытаний в помощь абитуриенту, поступающему
на обучение по направлениям подготовки бакалавриата

Цель пособия - помочь абитуриентам при подготовке к вступительным испытаниям по дисциплине «Математика».

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Программа регламентирует содержание вступительных испытаний по математике, проводимых в форме письменного тестирования.

Письменное тестирование проводится в течение 90 минут.

Программа отличается значительно большей «школьной» ориентированностью содержания вступительных экзаменов, что сопряжено с концептуальными положениями идеи стандартизации профессионального образования на всех уровнях, вопросами преемственности и непрерывности образования.

Настоящая программа состоит из трех частей. В первой части перечислены основные математические понятия, которыми обязательно должен владеть поступающий. Вторая часть представляет собой перечень вопросов экзамена по математике, составляющих ядро математической подготовки абитуриента. При подготовке к письменному экзамену, прежде всего, следует ознакомиться с формулировками утверждений этого раздела. В третьей части указано, сформированность каких навыков и умений требуется от абитуриента.

Объем знаний и степень владения материалом, описанным в программе, соответствуют школьному курсу математики. Абитуриент может пользоваться всем арсеналом средств из этого курса, включая и начала анализа. Однако для решения экзаменационных задач достаточно уверенного владения лишь теми понятиями и их свойствами, которые перечислены в настоящей программе, в соответствии с требованиями Государственного образовательного стандарта средней школы. Объекты и факты, не изучаемые в общеобразовательной школе, также могут использоваться абитуриентом, но при условии, что он способен их пояснять и доказывать. В связи с обилием учебников и регулярным их переизданием, отдельные утверждения второго раздела могут в некоторых учебниках называться иначе, чем в программе, или формулироваться в виде задач, или вовсе отсутствовать. Такие случаи не освобождают поступающего от необходимости знать эти утверждения и уверенно применять их при решении следующих типовых задач:

- **модуль №1:** «Выполните действия. Упростите выражение. Избавиться от иррациональности в знаменателе выражения. Указать наибольшее из чисел. При каких значениях параметра выполняется равенство. Доказать тождество. Расположить в порядке возрастания (убывания)».

- **модуль №2:** «Решить уравнение. Решить систему уравнений. Решить неравенство. Решить систему неравенств. Найти наибольшее (наименьшее) решение уравнения, принадлежащее заданному интервалу. Указать количество корней уравнения (неравенства), принадлежащих заданному интервалу»
- **модуль №3:** «Решить задачу на движение. Решить задачу на работу. Решить задачу на проценты. Решить задачу на целые числа и прогрессии»
- **модуль №4:** «Вычисление элементов планиметрических и стереометрических фигур, нахождение объемов и площадей фигур»

ПРОГРАММА ПО ДИСЦИПЛИНЕ «МАТЕМАТИКА»

АРИФМЕТИКА, АЛГЕБРА И НАЧАЛО АНАЛИЗА

Признаки делимости на 2, 3, 5, 9, 10. Свойства числовых неравенств. Формулы сокращенного умножения. Свойства линейной функции и ее график. Формула корней квадратного уравнения. Теорема о разложении квадратного трехчлена на линейные множители. Теорема Виета. Свойства квадратичной функции и ее график. Неравенство, связывающее среднее арифметическое и среднее геометрическое двух чисел. Неравенство для суммы двух взаимно обратных чисел. Формулы общего члена и суммы, и первых чисел членов арифметической прогрессии. Формулы общего члена и суммы, и первых членов геометрической прогрессии.

Свойства степеней с натуральными и целыми показателями. Свойства арифметических корней n -й степени. Свойства степеней с рациональными показателями. Свойства степенной функции с целым показателем и ее график. Свойства показательной функции и ее график. Основное логарифмическое тождество. Логарифмы произведения, степени, частного. Формула перехода к новому основанию. Свойства логарифмической функции и ее график.

Основное тригонометрическое тождество. Соотношения между тригонометрическими функциями одного и того же аргумента. Формулы приведения, сложения, двойного и половинного аргумента, суммы и разности тригонометрических функций. Выражение тригонометрических функций через тангенс половинного аргумента. Преобразование произведения синусов и косинусов в сумму. Преобразование выражения $a\sin(x)+b\cos(x)$ с помощью вспомогательного аргумента. Формулы решений простейших тригонометрических уравнений. Свойства тригонометрических функций и их графики.

Производная функции. Правила и формулы вычисления производных функций. Экстремум функции. Алгоритм исследования функции на условный и безусловный

экстремум. Первообразная функции. Определенный и неопределенный интеграл и его свойства. Техника вычисления площадей плоских фигур.

ГЕОМЕТРИЯ

Теоремы о параллельных прямых на плоскости. Свойства вертикальных и смежных углов. Свойства равнобедренного треугольника. Признаки равенства треугольников. Теорема о сумме внутренних углов треугольника. Теорема о внешнем угле треугольника. Свойства средней линии треугольника. Теорема Фалеса.

Признаки подобия треугольников. Признаки равенства и подобия прямоугольных треугольников. Пропорциональность отрезков в прямоугольном треугольнике. Свойство серединного перпендикуляра к отрезку. Свойство биссектрисы угла. Теоремы о пересечении медиан, пересечении биссектрис и пересечении высот треугольника. Свойство отрезков, на которые биссектриса треугольника делит противоположную сторону.

Свойство касательной к окружности. Равенство касательных, проведенных из одной точки к окружности. Теоремы о вписанных углах. Теорема об угле, образованном касательной и хордой. Теоремы об угле между двумя пересекающимися хордами и об угле между двумя секущими, выходящими из одной точки. Равенство произведений отрезков двух пересекающихся хорд. Равенство квадрата касательной произведению секущей на ее внешнюю часть. Свойство четырехугольника, вписанного в окружность. Свойство четырехугольника, описанного около окружности. Теорема об окружности, вписанной в треугольник. Теорема об окружности, описанной около треугольника.

Теорема Пифагора. Теоремы синусов и косинусов для треугольника. Теорема о сумме внутренних углов выпуклого многоугольника. Признаки параллелограмма. Свойства параллелограмма. Свойства средней линии трапеции. Формула для вычисления расстояния между двумя точками на координатной плоскости. Уравнение окружности.

Теоремы о параллельных прямых в пространстве. Признак параллельности прямой и плоскости. Признак параллельности плоскостей. Признак перпендикулярности прямой и плоскости. Теорема об общем перпендикуляре к двум скрещивающимся прямым. Признак перпендикулярности плоскостей. Теорема о трех перпендикулярах.

ПЕРЕЧЕНЬ ВОПРОСОВ, СОСТАВЛЯЮЩИХ ЯДРО МАТЕМАТИЧЕСКОЙ ПОДГОТОВКИ АБИТУРИЕНТА:

1. Свойства функции $y = a x + b$ и ее график.
2. Свойства функции $y = k / x$ и ее график.

3. Свойства функции $y = a x^2 + b x + c$ и ее график.
4. Формула корней квадратного уравнения.
5. Разложение квадратного трехчлена на линейные множители.
6. Свойства числовых неравенств.
7. Логарифм произведения, степени, частного.
8. Определение и свойства функции $y = \sin x$ и $y = \cos x$ и их графики.
9. Определение и свойства функции $y = \operatorname{tg} x$ и ее график.
10. Решение уравнений вида $\sin x = a$, $\cos x = a$, $\operatorname{tg} x = a$.
11. Формулы приведения.
12. Зависимость между тригонометрическими функциями одного и того же аргумента.
13. Тригонометрические функции двойного аргумента.
14. Производная сумма двух функций.
15. Свойства равнобедренного треугольника.
16. Свойства точек, равноудаленных от концов отрезка.
17. Признаки параллельности прямых.
18. Сумма углов треугольника. Сумма внутренних углов выпуклого многоугольника
19. Признаки параллелограмма.
20. Окружность, описанная около треугольника.
21. Окружность, вписанная в треугольник.
22. Касательная к окружности и ее свойства.
23. Измерение угла, вписанного в окружность.
24. Признаки подобия треугольников.
25. Теорема Пифагора.
26. Формулы площадей параллелограмма, треугольника, трапеции.
27. Формула расстояния между двумя точками плоскости. Уравнение окружности.
28. Признаки параллельности прямой и плоскости.
29. Признаки параллельности плоскостей.
30. Теорема о перпендикулярности прямой и плоскости.
31. Перпендикулярность двух плоскостей.
32. Теоремы о параллельности и перпендикулярности двух плоскостей.
33. Вычисление углов и длин в объемных фигурах.
34. Вычисление объемов тел.

НА ЭКЗАМНЕ ПО МАТЕМАТИКЕ ПОСТУПАЮЩИЙ ДОЛЖЕН ПОКАЗАТЬ:

- 1) четкое знание математических определений и теорем, предусмотренных программой, умение доказывать эти теоремы;
- 2) умение четко и сжато выражать математическую мысль в устном и письменном изложении, использовать соответствующую символику;
- 3) уверенное владение математическими знаниями и навыками, предусмотренными программой, умение применять их при решении задач.

ЭКЗАМЕНУЮЩИЙСЯ ДОЛЖЕН УМЕТЬ:

- 1) Производить арифметические действия над числами, заданными в виде десятичных и обыкновенных дробей, с требуемой точностью округлять данные числа и результаты вычислений.
- 2) Производить тождественные преобразования многочленов, дробей, содержащих переменные, выражений, содержащих степенные, показательные, логарифмические и тригонометрические функции. Строить графики линейной, квадратичной, степенной, показательной, логарифмической и тригонометрической функций.
- 3) Решать уравнения и неравенства первой и второй степени, уравнения и неравенства, приводящиеся к ним; решать системы уравнений и неравенств первой и второй степени и приводящиеся к ним. Сюда, в частности, относятся простейшие уравнения, их неравенства, содержащие степенные, показательные, логарифмические функции.
- 4) Решать задачи на составление уравнений и систем уравнений.
- 5) Изображать геометрические фигуры на чертеже и производить простейшие построения на плоскости.
- 6) Использовать геометрические представления при решении алгебраических задач, а методы алгебры и тригонометрии - при решении геометрических задач.
- 7) Проводить на плоскости операции над векторами (сложение, вычитание векторов, умножение вектора на число) и пользоваться свойствами этих операций. Пользоваться понятием производной при исследовании функции на возрастание (убывание), на экстремумы и при построении графиков функций.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ:

1. Под ред. А.Л. Семенов, И.В. Яценко «Типовые варианты заданий ЕГЭ 2010», АСТ Астрель, Москва, 2010 г.

2. Л.Д. Лаппо, М.А. Попов «Математика. Практикум по выполнению типовых тестовых заданий ЕГЭ». Издательство «Экзамен» Москва, 2010 г.
3. И.В. Яценко, С.А. Шестаков, П.И. Захаров «Математика ЕГЭ. Тематическая рабочая тетрадь». Издательство МЦНМО «Экзамен», Москва, 2010 г.
4. Под ред. А.Л. Семенов, И.В. Яценко. Математика ЕГЭ. «Типовые тестовые задания». Издательство «Экзамен» Москва, 2010 г.
5. В.С. Высоцкий «Задачи с параметрами при подготовке к ЕГЭ». Издательство «Научный мир», 2011 г.
6. В.В. Ткачук «Математика абитуриенту». Издательство «МЦНМО», 2012 г.
7. Р.К. Гордин «ЕЕЭ 2012. Математика. Задача С4. Геометрия. Планиметрия». Издательство «МЦНМО», 2011 г.
8. А.Л. Семёнов, И.В. Яценко «ЕГЭ 2012. «Математика. Типовые тестовые задания» Издательство «Экзамен», 2012 г.
9. А.Л. Семёнов, И.В. Яценко «Самое полное издание типовых вариантов заданий ЕЕЭ. 2012. Математика». Издательство «АСТ», 2011г.
10. М.И. Шабунин «Математика. Пособие для поступающих в вузы». Издательство «Бином. Лаборатория знаний», 2011 г.